

K I N E M A T I K A

Z1

Vozač automobila odluči preteći kamion koji vozi stalnom brzinom 20 m/s . Na početku automobil vozi također brzinom 20 m/s i udaljen je 24 m od stražnjeg ruba kamiona. Automobil ubrzava s 0.6 m/s^2 i vraća se u desni trak kad mu je zadnji rub udaljen 26 m od prednjeg ruba kamiona. Automobil je dug 4.5 m , a kamion 21 m .

- a) Koliko vremena treba za opisano pretjecanje?
- b) Koliku udaljenost automobil pritom prijeđe?
- c) Koliku je brzinu postigao automobil do kraja pretjecanja?

(Rješenje: a) 15.86 s , b) 392.8 m , c) 29.52 m/s)

Z2

Lopta je baćena s tla prema gore brzinom v_0 . U istom trenutku druga je lopta puštena iz mirovanja s visine H od tla iznad prve lopte.

- a) Nakon koliko vremena će se dvije lopte sudariti?
- b) Koliki bi morao biti H da bi neposredno prije sudara prva lopta dosegla najvišu točku svoje putanje?

(Rješenje: a) H/v_0 , b) v_0^2/g)

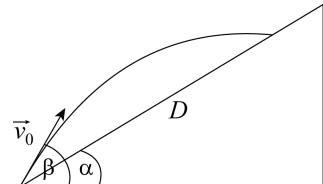
Z3

Predmet se izbacuje iz donjeg vrha kosine uz kosinu.

- a) Kolikom brzinom v_0 treba izbaciti predmet u smjeru $\beta = 60^\circ$ od horizontale da bi on pao na kosinu u točku udaljenu $D = 2 \text{ m}$ od donjeg vrha kosine?
- b) Pod kojim kutem će predmet udariti u kosinu?
- c) Riješite a) i b) zadatke postavljajući koordinatni sustav tako da je x -os duž kosine.

Kut kosine je $\alpha = 40^\circ$.

(Rješenje: a) 5.8 m/s , b) -3.15°)



Z4

Komponente ubrzanja kuglice su $a_x = 2 \text{ m/s}^2$ i $a_y = -1 \text{ m/s}^2$. U $t = 0$ kuglica je u $(3 \text{ m}, 0)$ i ima početnu brzinu $\vec{v}_0 = 5\vec{j} \text{ m/s}$.

- a) Napišite funkcije položaja i brzine u vremenu.
- b) Koliki je vektor srednje brzine u drugoj sekundi gibanja?
- c) Koliki je vektor srednjeg ubrzanja od početka treće do kraja četvrte sekunde?
- d) Koliki je maksimalan pomak duž $+y$ smjera?
- e) Na kojem mjestu putanja siječe os x i u kojem smjeru se kuglica tada giba?

(Rješenje: a) $\vec{r}(t) = \left(x_0 + \frac{1}{2} a_x t^2 \right) \vec{i} + \left(v_{0y} t + \frac{1}{2} a_y t^2 \right) \vec{j}$, $\vec{v}(t) = a_x t \vec{i} + (v_{0y} + a_y t) \vec{j}$,

b) $(3\vec{i} + 3.5\vec{j}) \text{ m/s}$, c) $(2\vec{i} - 1\vec{j}) \text{ m/s}^2$, d) 12.5 m , e) $x = 103 \text{ m}$, $\varphi = -14^\circ$)

Z5

Polumjer Zemljine putanje oko Sunca (prepostavljamo da je putanja kružna) iznosi $1.5 \cdot 10^8 \text{ km}$, a Zemlja ju obide za 365 dana. Koliki su iznosi brzine i ubrzanja Zemlje?

(Rješenje: $v = 29.89 \text{ km/s}$, $a = 0.006 \text{ m/s}^2$)

Z6

Kruto tijelo počinje se okretati oko stacionarne osi kutnim ubrzanjem $\beta = at$ gdje je $a = 2 \cdot 10^{-2}$ rad/s³. Nakon koliko vremena od početka okretanja će vektor ukupnog ubrzanja proizvoljne točke tijela činiti kut 60° s obzirom na njezin vektor brzine?
(Rješenje: 7 s)

Z7

U početnom trenutku tri zeca nalaze se u vrhovima jednakostraničnog trokuta stranice a . Gibanje je takvo da cijelo vrijeme prvi zec trči prema drugom, drugi prema trećem i treći prema prvom konstantnom brzinom v . Nakon koliko vremena će se zečevi sresti?

(Rješenje: $2a/3v$)