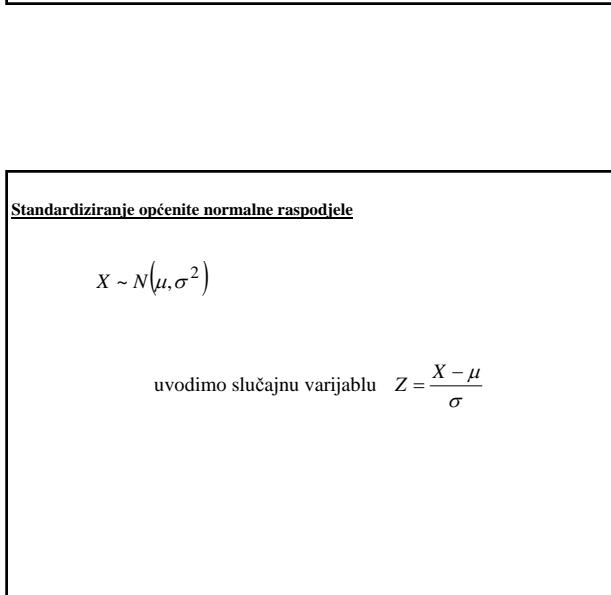
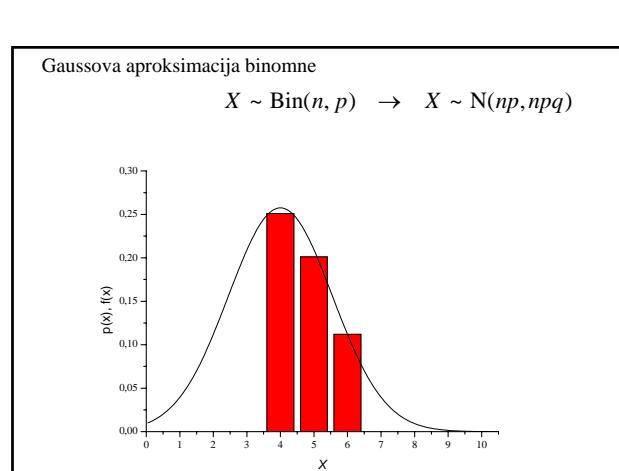
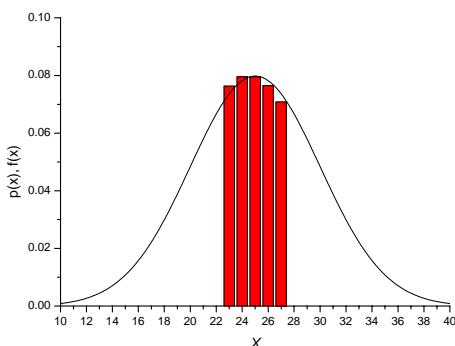


Table A.3 Standard Normal Curve Areas									
$\Phi(z) = P(Z < z)$									
Standard normal density function Modeled area in red (z)									
z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08
-3.4	0.0003	0.0003	0.0003	0.0003	0.0003	0.0003	0.0003	0.0003	0.0002
-3.3	0.0005	0.0005	0.0005	0.0005	0.0005	0.0005	0.0005	0.0005	0.0003
-3.2	0.0009	0.0009	0.0009	0.0009	0.0009	0.0009	0.0009	0.0009	0.0005
-3.1	0.0016	0.0016	0.0016	0.0016	0.0016	0.0016	0.0016	0.0016	0.0009
-3.0	0.0026	0.0026	0.0026	0.0026	0.0026	0.0026	0.0026	0.0026	0.0017
-2.9	0.0041	0.0041	0.0041	0.0041	0.0041	0.0041	0.0041	0.0041	0.0027
-2.8	0.0061	0.0061	0.0061	0.0061	0.0061	0.0061	0.0061	0.0061	0.0047
-2.7	0.0086	0.0086	0.0086	0.0086	0.0086	0.0086	0.0086	0.0086	0.0071
-2.6	0.0116	0.0116	0.0116	0.0116	0.0116	0.0116	0.0116	0.0116	0.0103
-2.5	0.0151	0.0151	0.0151	0.0151	0.0151	0.0151	0.0151	0.0151	0.0137
-2.4	0.0191	0.0191	0.0191	0.0191	0.0191	0.0191	0.0191	0.0191	0.0171
-2.3	0.0234	0.0234	0.0234	0.0234	0.0234	0.0234	0.0234	0.0234	0.0205
-2.2	0.0279	0.0279	0.0279	0.0279	0.0279	0.0279	0.0279	0.0279	0.0240
-2.1	0.0326	0.0326	0.0326	0.0326	0.0326	0.0326	0.0326	0.0326	0.0265
-2.0	0.0375	0.0375	0.0375	0.0375	0.0375	0.0375	0.0375	0.0375	0.0299
-1.9	0.0426	0.0426	0.0426	0.0426	0.0426	0.0426	0.0426	0.0426	0.0333
-1.8	0.0479	0.0479	0.0479	0.0479	0.0479	0.0479	0.0479	0.0479	0.0367
-1.7	0.0534	0.0534	0.0534	0.0534	0.0534	0.0534	0.0534	0.0534	0.0401
-1.6	0.0591	0.0591	0.0591	0.0591	0.0591	0.0591	0.0591	0.0591	0.0435
-1.5	0.0650	0.0650	0.0650	0.0650	0.0650	0.0650	0.0650	0.0650	0.0469
-1.4	0.0711	0.0711	0.0711	0.0711	0.0711	0.0711	0.0711	0.0711	0.0503
-1.3	0.0774	0.0774	0.0774	0.0774	0.0774	0.0774	0.0774	0.0774	0.0537
-1.2	0.0840	0.0840	0.0840	0.0840	0.0840	0.0840	0.0840	0.0840	0.0571
-1.1	0.0909	0.0909	0.0909	0.0909	0.0909	0.0909	0.0909	0.0909	0.0605
-1.0	0.0979	0.0979	0.0979	0.0979	0.0979	0.0979	0.0979	0.0979	0.0639
-0.9	0.1049	0.1049	0.1049	0.1049	0.1049	0.1049	0.1049	0.1049	0.0673
-0.8	0.1119	0.1119	0.1119	0.1119	0.1119	0.1119	0.1119	0.1119	0.0707
-0.7	0.1189	0.1189	0.1189	0.1189	0.1189	0.1189	0.1189	0.1189	0.0741
-0.6	0.1259	0.1259	0.1259	0.1259	0.1259	0.1259	0.1259	0.1259	0.0775
-0.5	0.1329	0.1329	0.1329	0.1329	0.1329	0.1329	0.1329	0.1329	0.0809
-0.4	0.1399	0.1399	0.1399	0.1399	0.1399	0.1399	0.1399	0.1399	0.0843
-0.3	0.1469	0.1469	0.1469	0.1469	0.1469	0.1469	0.1469	0.1469	0.0877
-0.2	0.1539	0.1539	0.1539	0.1539	0.1539	0.1539	0.1539	0.1539	0.0911
-0.1	0.1609	0.1609	0.1609	0.1609	0.1609	0.1609	0.1609	0.1609	0.0945
0	0.1679	0.1679	0.1679	0.1679	0.1679	0.1679	0.1679	0.1679	0.0979
0.1	0.1749	0.1749	0.1749	0.1749	0.1749	0.1749	0.1749	0.1749	0.1013
0.2	0.1819	0.1819	0.1819	0.1819	0.1819	0.1819	0.1819	0.1819	0.1047
0.3	0.1889	0.1889	0.1889	0.1889	0.1889	0.1889	0.1889	0.1889	0.1081
0.4	0.1959	0.1959	0.1959	0.1959	0.1959	0.1959	0.1959	0.1959	0.1115
0.5	0.2029	0.2029	0.2029	0.2029	0.2029	0.2029	0.2029	0.2029	0.1149
0.6	0.2099	0.2099	0.2099	0.2099	0.2099	0.2099	0.2099	0.2099	0.1183
0.7	0.2169	0.2169	0.2169	0.2169	0.2169	0.2169	0.2169	0.2169	0.1217
0.8	0.2239	0.2239	0.2239	0.2239	0.2239	0.2239	0.2239	0.2239	0.1251
0.9	0.2309	0.2309	0.2309	0.2309	0.2309	0.2309	0.2309	0.2309	0.1285
1.0	0.2379	0.2379	0.2379	0.2379	0.2379	0.2379	0.2379	0.2379	0.1319
1.1	0.2449	0.2449	0.2449	0.2449	0.2449	0.2449	0.2449	0.2449	0.1353
1.2	0.2519	0.2519	0.2519	0.2519	0.2519	0.2519	0.2519	0.2519	0.1387
1.3	0.2589	0.2589	0.2589	0.2589	0.2589	0.2589	0.2589	0.2589	0.1421
1.4	0.2659	0.2659	0.2659	0.2659	0.2659	0.2659	0.2659	0.2659	0.1455
1.5	0.2729	0.2729	0.2729	0.2729	0.2729	0.2729	0.2729	0.2729	0.1489
1.6	0.2799	0.2799	0.2799	0.2799	0.2799	0.2799	0.2799	0.2799	0.1523
1.7	0.2869	0.2869	0.2869	0.2869	0.2869	0.2869	0.2869	0.2869	0.1557
1.8	0.2939	0.2939	0.2939	0.2939	0.2939	0.2939	0.2939	0.2939	0.1591
1.9	0.3009	0.3009	0.3009	0.3009	0.3009	0.3009	0.3009	0.3009	0.1625
2.0	0.3079	0.3079	0.3079	0.3079	0.3079	0.3079	0.3079	0.3079	0.1659
2.1	0.3149	0.3149	0.3149	0.3149	0.3149	0.3149	0.3149	0.3149	0.1693
2.2	0.3219	0.3219	0.3219	0.3219	0.3219	0.3219	0.3219	0.3219	0.1727
2.3	0.3289	0.3289	0.3289	0.3289	0.3289	0.3289	0.3289	0.3289	0.1761
2.4	0.3359	0.3359	0.3359	0.3359	0.3359	0.3359	0.3359	0.3359	0.1795
2.5	0.3429	0.3429	0.3429	0.3429	0.3429	0.3429	0.3429	0.3429	0.1829
2.6	0.3499	0.3499	0.3499	0.3499	0.3499	0.3499	0.3499	0.3499	0.1863
2.7	0.3569	0.3569	0.3569	0.3569	0.3569	0.3569	0.3569	0.3569	0.1897
2.8	0.3639	0.3639	0.3639	0.3639	0.3639	0.3639	0.3639	0.3639	0.1931
2.9	0.3709	0.3709	0.3709	0.3709	0.3709	0.3709	0.3709	0.3709	0.1965
3.0	0.3779	0.3779	0.3779	0.3779	0.3779	0.3779	0.3779	0.3779	0.2000
3.1	0.3849	0.3849	0.3849	0.3849	0.3849	0.3849	0.3849	0.3849	0.2034
3.2	0.3919	0.3919	0.3919	0.3919	0.3919	0.3919	0.3919	0.3919	0.2068
3.3	0.3989	0.3989	0.3989	0.3989	0.3989	0.3989	0.3989	0.3989	0.2102
3.4	0.4059	0.4059	0.4059	0.4059	0.4059	0.4059	0.4059	0.4059	0.2136



Gaussova aproksimacija Poissonove

$$X \sim \text{Po}(\lambda) \rightarrow X \sim \text{N}(\lambda, \lambda)$$



Raspodjela	Ograničenja	Aproksimacija
$X \sim \text{Bin}(n, p)$	n velik (>50) p malen ($<0,1$)	$X \sim \text{Po}(np)$
$X \sim \text{Bin}(n, p)$	$n > 10, p \approx \frac{1}{2}$ ili $n > 30, p \neq \frac{1}{2}$	$X \sim \text{N}(np, npq)$
$X \sim \text{Po}(\lambda)$	$\lambda > 20$	$X \sim \text{N}(\lambda, \lambda)$

Najvjerojatnija vrijednost mjerene veličine

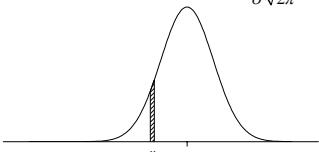
Mjerimo veličinu X , a njezina prava vrijednost je x_p koju ne znamo.
Mjerni instrument daje standardna odstupanja σ .

Obavimo jedno mjerjenje i rezultat je x_1 .

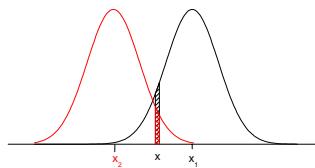
Tražimo najvjerojatniju vrijednost za x_p .

Vjerojatnost da je x_p u intervalu $(x, x + \Delta x)$ iznosi:

$$\Delta P_1 = P(x \leq x_p \leq x + \Delta x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-x_1)^2}{2\sigma^2}} \cdot \Delta x$$



Obavimo dva mjerena i rezultati su x_1 i x_2 .
Tražimo najvjerojatniju vrijednost za x_p .



Vjerojatnost da je x_p u intervalu $(x, x + \Delta x)$ iznosi:

$$\Delta P = \Delta P_1 \cdot \Delta P_2 = P(x \leq x_p \leq x + \Delta x) = \frac{1}{(\sigma\sqrt{2\pi})^2} e^{-\frac{(x-x_1)^2 + (x-x_2)^2}{2\sigma^2}} \cdot (\Delta x)^2$$

Obavimo n mjerena i rezultati su x_1, x_2, \dots, x_n .

Vjerojatnost da je x_p u intervalu $(x, x + \Delta x)$ iznosi:

$$\Delta P = \Delta P_1 \cdot \Delta P_2 \cdots \Delta P_n = \frac{1}{(\sigma\sqrt{2\pi})^n} e^{-\frac{1}{2\sigma^2} \sum_{i=1}^n (x - x_i)^2} \cdot (\Delta x)^n$$

Najvjerojatnija vrijednost x_p je onaj x za koji gornja funkcija ima maksimum.

$$\sum_{i=1}^n (x - x_i)^2 = \min$$

To zovemo "princip najmanjih kvadrata".

Za koji x_p^* je zbroj kvadrata odstupanja minimalan?

$$\frac{\partial}{\partial x} \sum_{i=1}^n (x - x_i)^2 = 0$$

$$-2 \sum_{i=1}^n (x_i - x) = 0$$

Za najvjerojatniji x_p^* vrijedi:

$$x_p^* = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i = \bar{x}$$