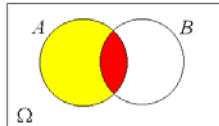
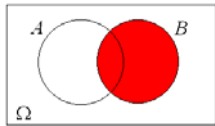


Uvjetna vjerojatnost

Uvjetna vjerojatnost događaja B ako se je dogodio A :

$$P(B|A)$$



$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$$

Potpun sistem događaja

Neka za događaje A_i , ($i=1,2,\dots$) vrijedi

$$A_i \neq \emptyset, \forall i$$

$$A_i \cap A_j = \emptyset, \forall i, j \quad i \neq j \quad (\text{međusobno se isključuju})$$

$$\bigcup_{\text{svi } i} A_i = \Omega \quad (\text{prekrivaju cijeli prostor}).$$

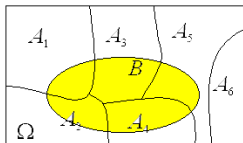
Tada kažemo da skupovi A_i čine **potpun sistem događaja**.



Zakon totalne vjerojatnosti

Neka A_i čine potpun sistem događaja.
Tada za bilo koji događaj B vrijedi

$$P(B) = \sum_i P(B|A_i) \cdot P(A_i)$$



Bayesov teorem

Neka A_i čine potpun sistem događaja. Neka je B neki događaj. Tada vrijedi

$$P(A_k|B) = \frac{P(A_k \cap B)}{P(B)} = \frac{P(B|A_k) \cdot P(A_k)}{\sum_i P(B|A_i) \cdot P(A_i)}$$

Nezavisnost

Def:

Događaji A i B su nezavisni onda i samo onda ako vrijedi

$$P(A|B) = P(A)$$

onda vrijedi i $P(B|A) = P(B)$

Propozicija:

Događaji A i B su nezavisni onda i samo onda ako vrijedi

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

OPREZ! Događaji koji se međusobno isključuju nisu nezavisni

			0
1-18 EVEN	1st 12	1	2
		4	5
		7	8
2nd 12	2nd 12	10	11
		13	14
		16	17
3rd 12	3rd 12	19	20
		22	23
		25	26
19-36 ODD	19-36	28	29
		31	32
		34	35
		2-1	2-1

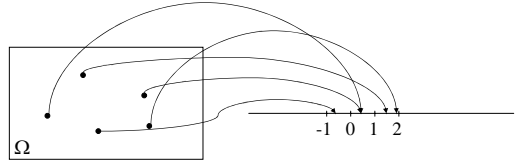
Slučajna varijabla

Def.:

Za dani prostor događaja Ω nekog pokusa, **slučajna varijabla** jest bilo koje pravilo kojim svakom ishodu pokusa pridružujemo neki broj.

$$X: \Omega \rightarrow \mathfrak{R}$$

$$X: s \in \Omega \mapsto x \in \mathfrak{R}$$



Označimo s D skup svih mogućih vrijednosti slučajne varijable X .
 $D \subseteq \mathfrak{R}$.

Def:

Događaj koji ima samo dva moguća ishoda zove se **Bernoullijev događaj**, a slučajna varijabla koja ga opisuje zove se **Bernoullijeva slučajna varijabla**.

Def.:

Diskretna slučajna varijabla je ona s.v. za koju je skup mogućih vrijednosti konačan ili prebrojiv.

Kontinuirana slučajna varijabla je ona s.v. za koju je skup mogućih vrijednosti cijeli interval na brojevnom pravcu

Diskretna slučajna varijabla i raspodjela vjerojatnosti

Raspodjela vjerojatnosti

Def:

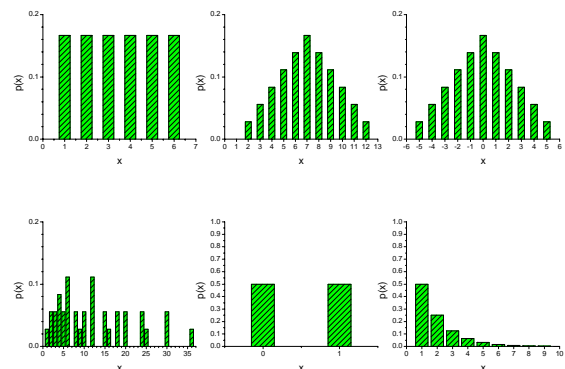
Raspodjela vjerojatnosti diskretne slučajne varijable X definirana je za svaki broj $x \in D$ relacijom:

$$p(x) = P(X=x) = P(\text{svi ishodi } s \in \Omega: X(s) = x)$$

tablično ili funkcionalno

$$\sum_{x \in D} p(x) = 1$$

histogrami



Funkcija raspodjele (kumulativna funkcija distribucije)

Def:

Za diskretnu slučajnu varijablu koja ima raspodjelu vjerojatnosti $p(x)$ definira se **funkcija raspodjele** $F(x)$ relacijom:

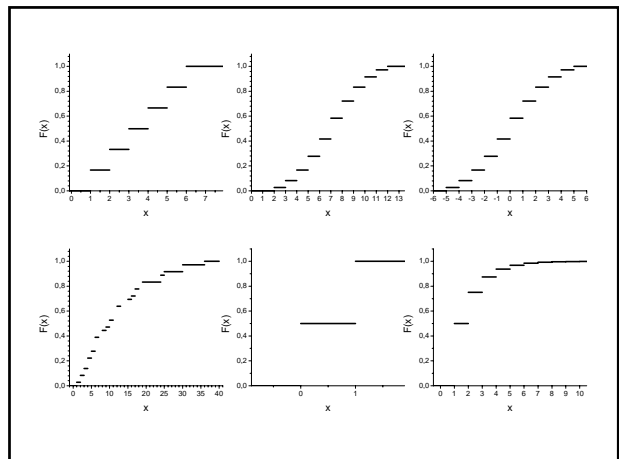
$$F(x) = P(X \leq x) = \sum_{y \leq x} p(y)$$

$$F(-\infty)=0 ; F(+\infty)=1$$

Za bilo koja dva broja a i b ($a \leq b$) vrijedi

$$P(a \leq X \leq b) = F(b) - F(a-),$$

gdje " $a-$ " predstavlja najveću vrijednost varijable X koja je strogo manja od a .



Očekivana vrijednost diskretne slučajne varijable

Def:

Neka je X diskretna slučajna varijabla sa skupom mogućih vrijednosti D i neka je $p(x)$ njezina raspodjela vjerojatnosti. Tada je **srednja vrijednost** ili **očekivanje** varijable x dano s

$$E(X) = \mu_X = \sum_{x \in D} x \cdot p(x)$$

