

STATISTIKA I OSNOVNA MJERENJA

Predavanja (ponedjeljkom 13-15) F08

Vježbe (četvrtkom 10-12) F08

Praktikum (četiri turnusa, četiri tjedna) podrum soba 008
uvjet: položen 1. kolokvij

STATISTIKA I OSNOVNA MJERENJA

Tri kolokvija:

- 1.kolokvij: 19. ožujka
uvjet za praktikum
slučajni uzorak, račun pogrešaka, obrada rezultata mjerenja,
propagacija pogreške, metoda najmanjih kvadrata
- 2.kolokvij: 23.travnja
kombinatorika, vjerojatnost
- 3.kolokvij: 4. lipnja raspodjele vjerojatnosti

Pravila i sve obavijesti:

www.phy.hr/SOM_III
www.phy.hr/~mpozek/SOM.htm

Literatura:

- <http://www.phy.hr/~mpozek/predavanja/sadrzaj.html> (link)
- J. L. Devore: Probability & Statistics for Engineering and the Sciences, Brooks/Cole, Monterey 2000.
- N. Sarapa: Teorija vjerojatnosti, Školska knjiga, Zagreb 1992. (PMF-Matematika)
- W. Feller: An Introduction to Probability Theory and its Applications I, II., Wiley, New York 1968/1971.

<http://www.stats.gla.ac.uk/steps/glossary/index.html>
<http://mathworld.wolfram.com/ProbabilityandStatistics.html>

Čemu služi teorija vjerojatnosti i statistika?

- Sva područja života
- fizika
 - teorijska fizika
 - statistička fizika
 - kvantna fizika
 - eksperimentalna fizika
 - obrada rezultata mjerenja - procjena pogrešaka
 - provjera hipoteza

Plan predavanja i vježbi:

- Obrada rezultata mjerenja (recepti)
- Opisna statistika
- Teorija vjerojatnosti, kombinatorika
- Slučajna varijabla, raspodjele vjerojatnosti
- Induktivna statistika, slučajni uzorak
- Izvodi formula za obradu rezultata mjerenja

OSNOVNI STATISTIČKI POJMOVI

Populacija - dobro definiran skup objekata koji nas zanima.

Populacija može biti konačna ili beskonačna, realna ili hipotetična.

Uzorak - podskup populacije koji uzimamo na unaprijed određen način

Reprezentativni uzorak.

Varijabla - obilježje čija vrijednost se može mijenjati od objekta do objekta.

Jednodimenzionalan skup podataka.

Višedimenzionalan skup podataka.

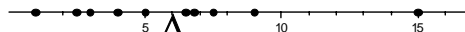
SVOJSTVA POPULACIJE

Def.: **Srednju vrijednost populacije** zovemo **očekivanje** i označavamo s μ :

$$\mu = \bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i$$

Def.: **Srednja vrijednost** uzorka x_1, x_2, \dots, x_n je

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$



Def.: **Varijanca populacije**

$$\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \mu)^2$$

gdje je μ prosjek populacije (očekivanje).

$\sigma = \sqrt{\sigma^2}$ je **standardna devijacija populacije** (raspršenje).

Def.: **Varijanca uzorka**

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

$s = \sqrt{s^2}$ je **standardna devijacija uzorka**

MJERENJE

Želja da se utvrdi brojčana vrijednost neke fizikalne veličine.

Vrste pogrešaka:

- Sistemske
- Grube
- Slučajne

MJERENJE

Populaciju čini skup svih mogućih mjerenja tražene fizikalne veličine. To je beskonačna populacija.

- očekivanje populacije μ (kad bismo ga znali) predstavlja pravu vrijednost tražene veličine.
- Standardna devijacija populacije σ (kad bismo ju znali) opisuje rasipanje svih mjerenja (preciznost mjernog uređaja).

Mjerenje zamislimo kao uzimanje uzorka iz beskonačne populacije.

Obavimo li n mjerenja, uzeli smo n -teročlani uzorak iz beskonačne populacije.

Pretpostavka: **SAMO SLUČAJNE POGREŠKE!!!**

Iz uzorka (n mjerenja) zaključujemo:

- Srednja vrijednost uzorka dobro opisuje očekivanje populacije

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \approx \mu$$

- pouzdanost je to bolja što je uzorak veći

$$M = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \approx \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

- Standardna devijacija uzorka dobro opisuje standardnu devijaciju populacije

$$m = \sqrt{s^2} = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \approx \sigma$$

Preciznost mjerenja

Pisanje rezultata:

$$x = (\bar{x} \pm M) [\begin{smallmatrix} \text{mjerna} \\ \text{jedinica} \end{smallmatrix}]$$

Relativna pogreška:

$$R = \frac{M}{\bar{x}}$$

Ukratko o obradi rezultata mjerenja:

www.phy.hr/SOM

Mjerenja različitih statističkih težina

Konzistentna mjerenja:

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n \bar{x}_i}{\sum_{i=1}^n 1} \quad \overline{M^2} = \frac{1}{\sum_{i=1}^n \frac{1}{M_i^2}}$$

Nekonzistentna mjerenja

Posredno mjerene veličine:

izravno mjerimo X i Y , a zanima nas $h(X, Y)$

Ako su rezultati neposrednih veličina $x = (\bar{x} \pm M_x)$ i $y = (\bar{y} \pm M_y)$,

onda je:

$$\bar{h} = h(\bar{x}, \bar{y}) \quad M_h = \sqrt{\left(\left. \frac{\partial h}{\partial X} \right|_{\bar{y}=\bar{y}} \cdot M_x \right)^2 + \left(\left. \frac{\partial h}{\partial Y} \right|_{\bar{x}=\bar{x}} \cdot M_y \right)^2}$$