

PISMENI ISPIT IZ OTV I MS

22. 09. 2005.

1. U jednoj zgradi stanuje 5 obitelji s po jednim djetetom, 3 obitelji sa po troje djece i 2 obitelji sa po petero djece. Radi anketiranja na slučajan način odabiru se 3 obitelji. Odredite vjerojatnost da:
 - (a) bar dvije odabrane obitelji imaju isti broj djece.
 - (b) sve tri odabrane obitelji imaju zajedno sedmero djece.
2. Na neki izvor struje priključena su 4 nezavisna trošila, kao na slici. Vjerojatnosti da su trošila uključena su: $p_1 = 0.6$, $p_2 = p_3 = p_4 = 0.8$.
 - (a) Odredite vjerojatnost da krugom teče struja.
 - (b) Odredite vjerojatnost da, ako krugom teče struja, ona teče i trošilom 1.
3. U nekoj seriji proizvoda 5% njih je defektnih. Uzima se slučajan uzorak od 60 proizvoda. Nađite vjerojatnost da se u uzorku nalaze najviše 3 defektna proizvoda koristeći binomnu pa zatim Poissonovu raspodjelu. Da li je Poissonova raspodjela odgovarajuća aproksimacija i zašto?
4. U teoriji poluvodiča pokazuje se da električni otpor poluvodiča ovisi o temperaturi kao

$$R(T) = R_0 e^{\frac{E_g}{2k_B T}}$$

gdje je R_0 konstanta neovisna o temperaturi, $k = 1.38 * 10^{-23}$ J/K Boltzmannova konstanta, a E_g energetski procjep između valentne i vodljive vrpce. Za dane rezultate mjerjenja nadite vrijednost E_g i izrazite ga u elektronvoltima.

$T(K)$	290	300	310	320	330	340	350	360	370
$R(\Omega)$	26.17	11.77	5.55	2.76	1.43	0.77	0.43	0.25	0.14

5. Pet studenata mjerili su moment inercije istog predmeta i dobili slijedeće rezultate:

$$I_1 = (40.07 \pm 0.08) \text{kgcm}^2; I_2 = (39.8 \pm 0.1) \text{kgcm}^2; I_3 = (40.03 \pm 0.09) \text{kgcm}^2;$$
$$I_4 = (40.0 \pm 0.1) \text{kgcm}^2; I_5 = (39.9 \pm 0.1) \text{kgcm}^2$$

Naći opću aritmetičku sredinu i nepouzdanost te izračunati relativnu pogrešku momenta inercije. Pravilno zaokružiti dobivene rezultate.